

# Apprentissage Actif avec des Contres Exemples Inductifs

Juliette Jacquot

3 juillet 2024

# Sommaire

- 1 Regular Model Checking
- 2 L'algorithme  $L_{ICE}$
- 3 SAT Solver
- 4 Application et améliorations possibles
- 5 Conclusion

# Regular Model Checking

## Sommaire

### 1 Regular Model Checking

- Principe
- Application
- Exemple
- Problème

### 2 L'algorithme $L_{ICE}$

### 3 SAT Solver

### 4 Application et améliorations possibles

### 5 Conclusion

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter
  - Transition entre états



# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter
  - Transition entre états
- **Résultat:** Un ensemble d'états:

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter
  - Transition entre états
- **Résultat:** Un ensemble d'états:
  - Contient les états atteignables

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter
  - Transition entre états
- **Résultat:** Un ensemble d'états:
  - Contient les états atteignables
  - Exclut les états non sécurisés

# Regular Model Checking

## Principe

Qu'est-ce que le Regular Model Checking [2]?

- **But:** Vérifier la terminaison d'un algorithme
- **Contexte:**
  - Ensemble d'états de départ
  - Ensemble d'états à éviter
  - Transition entre états
- **Résultat:** Un ensemble d'états:
  - Contient les états atteignables
  - Exclut les états non sécurisés
  - Invariant inductif

# Regular Model Checking

Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ
- Ensemble d'états à éviter
- Transition entre états

- **Résultat:** Un ensemble d'états

- Contient les états atteignables
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter
- Transition entre états

- **Résultat:** Un ensemble d'états

- Contient les états atteignables
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\rightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\rightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états

- **Résultat:** Un ensemble d'états

- Contient les états atteignables
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\longrightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états  $\longrightarrow$  Une transition entre mots Post

- **Résultat:** Un ensemble d'états

- Contient les états atteignables
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif



# Regular Model Checking

## Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\longrightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états  $\longrightarrow$  Une transition entre mots Post

- **Résultat:** Un ensemble d'états  $\longrightarrow$  Un langage  $L$

- Contient les états atteignables
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

## Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\longrightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états  $\longrightarrow$  Une transition entre mots Post

- **Résultat:** Un ensemble d'états  $\longrightarrow$  Un langage  $L$

- Contient les états atteignables  $\longrightarrow \text{Post}^*(\text{Init}) \subseteq L$
- Exclue les états non sécurisés
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

## Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\longrightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états  $\longrightarrow$  Une transition entre mots Post

- **Résultat:** Un ensemble d'états  $\longrightarrow$  Un langage  $L$

- Contient les états atteignables  $\longrightarrow \text{Post}^*(\text{Init}) \subseteq L$
- Exclue les états non sécurisés  $\longrightarrow L \cap \text{Pre}^*(\text{Bad}) = \emptyset$
- Invariant inductif

# Regular Model Checking

## Application

Quel est le lien avec l'apprentissage actif?

- **Contexte:**

- Ensemble d'états de départ  $\longrightarrow$  Un langage Init
- Ensemble d'états à éviter  $\longrightarrow$  Un langage Bad
- Transition entre états  $\longrightarrow$  Une transition entre mots Post

- **Résultat:** Un ensemble d'états  $\longrightarrow$  Un langage  $L$

- Contient les états atteignables  $\longrightarrow \text{Post}^*(\text{Init}) \subseteq L$
- Exclue les états non sécurisés  $\longrightarrow L \cap \text{Pre}^*(\text{Bad}) = \emptyset$
- Invariant inductif  $\longrightarrow \text{Post}(L) \subseteq L$

# Regular Model Checking

Exemple



• Deux tokens

Mot représentant:  $AxxB$

# Regular Model Checking

Exemple

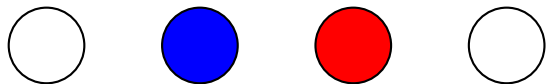


- Deux tokens
- Se déplacent

Mot représentant:  $xABx$

# Regular Model Checking

Exemple



Mot représentant:  $xBAx$

- Deux tokens
- Se déplacent
- Peuvent se croiser

# Regular Model Checking

Exemple



Mot représentant:  $BxxA$

- Deux tokens
- Se déplacent
- Peuvent se croiser
- Ne doivent pas atteindre le côté opposé



# Regular Model Checking

Exemple



Mot représentant:  $BxxA$

- Deux tokens
- Se déplacent
- Peuvent se croiser
- Ne doivent pas atteindre le côté opposé

Contexte final:

# Regular Model Checking

Exemple



Mot représentant:  $BxxA$

- Deux tokens
- Se déplacent
- Peuvent se croiser
- Ne doivent pas atteindre le côté opposé

Contexte final:

- Init =  $Ax(xx)^*B$
- Bad =  $Bx^*A$

# Regular Model Checking

Exemple



Mot représentant:  $BxxA$

- Deux tokens
- Se déplacent
- Peuvent se croiser
- Ne doivent pas atteindre le côté opposé

Contexte final:

- $\text{Init} = Ax(xx)^*B$
- $\text{Bad} = Bx^*A$
- $\text{Post}^*(\text{Init}) = x^n Ax(xx)^*Bx^n$
- $\text{Pre}^*(\text{Bad}) = x^n A(xx)^*Bx^n + x^n Bx^*Ax^n$

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes
- Deux options souvent utilisées:

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes
- Deux options souvent utilisées:
  - Langage le plus restrictif:  $\text{Post}^*(\text{Init})$

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes
- Deux options souvent utilisées:
  - Langage le plus restrictif:  $\text{Post}^*(\text{Init})$
  - Langage le moins restrictif:  $\Sigma^* \setminus \text{Pre}^*(\text{Bad})$



# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes
- Deux options souvent utilisées:
  - Langage le plus restrictif:  $\text{Post}^*(\text{Init})$
  - Langage le moins restrictif:  $\Sigma^* \setminus \text{Pre}^*(\text{Bad})$

Langage choisit peut être non régulier:  $x^n Ax(xx)^* Bx^n$

# Regular Model Checking

## Problème

Certains mots n'ont pas d'appartenance définie:

- Choix arbitraire pendant les requêtes
- Deux options souvent utilisées:
  - Langage le plus restrictif:  $\text{Post}^*(\text{Init})$
  - Langage le moins restrictif:  $\Sigma^* \setminus \text{Pre}^*(\text{Bad})$

Langage choisit peut être non régulier:  $x^n Ax(xx)^* Bx^n$

L'algorithme peut **ne pas terminer**

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Sommaire

### 1 Regular Model Checking

### 2 L'algorithme $L_{ICE}$

- Principe
- Relations inductives
- Requêtes d'appartenance

- Requêtes de validité

### 3 SAT Solver

### 4 Application et améliorations possibles

### 5 Conclusion

# L'algorithme $L_{ICE}$

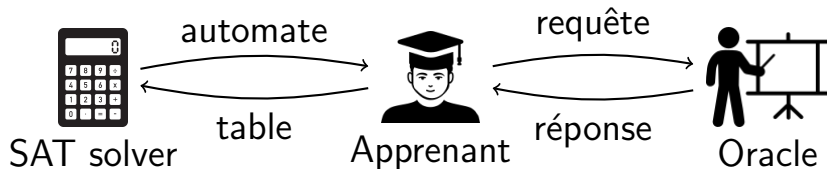
Principe

Basé sur l'algorithme  $L^*$  [1]:

# L'algorithme $L_{ICE}$

Principe

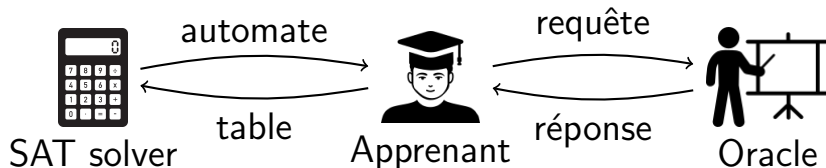
Basé sur l'algorithme  $L^*$  [1]:



# L'algorithme $L_{ICE}$

## Principe

Basé sur l'algorithme  $L^*$  [1]:

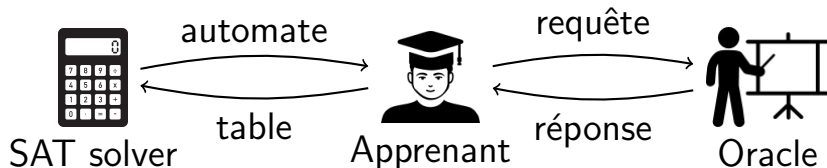


- Ajout d'une appartenance "inconnue"

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Principe

Basé sur l'algorithme  $L^*$  [1]:

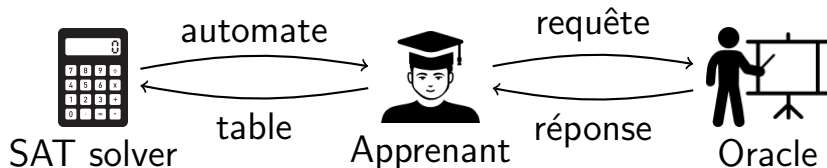


- Ajout d'une appartenance "inconnue"
- Ajout d'une relation inductive entre mots

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Principe

Basé sur l'algorithme  $L^*$  [1]:



- Ajout d'une appartenance "inconnue"
- Ajout d'une relation inductive entre mots
- Ajout d'un SAT solver



# L'algorithme $L_{ICE}$

Relations inductives

Relations entres mots:

$$\text{Post}(xAxxxB) = xxAxBx$$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Relations inductives

Relations entres mots:

$$\text{Post}(xAxxxB) = xxAxBx \rightarrow xAxxxB \in L \Rightarrow xxAxBx \in L$$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Relations inductives

Relations entres mots:

$$\text{Post}(xAxxxB) = xxAxBx \rightarrow xAxxxB \in L \Rightarrow xxAxBx \in L$$

Représentation en listes:

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Relations inductives

Relations entres mots:

$$\text{Post}(xAxxxB) = xxAxBx \rightarrow xAxxxB \in L \Rightarrow xxAxBx \in L$$

Représentation en listes:

<i>Indice</i>	0	1	2	3
<i>Mot</i>	$xAxxB$	$xxABx$	$xxBAx$	$xBxxA$
<i>Lien</i>	$\text{Post}^0(xAxxB)$	$\text{Post}^1(xAxxB)$	$\text{Post}^2(xAxxB)$	$\text{Post}^3(xAxxB)$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance:

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init})$ :



# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad})$ :

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad}): w \notin L$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad}): w \notin L$
- $w$  n'a pas d'appartenance définie  
2 résultats possibles:

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad}): w \notin L$
- $w$  n'a pas d'appartenance définie  
2 résultats possibles:
  - $w$  a un lien avec un représentant  $u$  de la liste  $U$ :  
renvoyer  $u$  et  $i$ ,  $w = \text{Post}^i(u)$

# L'algorithme $L_{ICE}$

## Requêtes d'appartenance

Format des requêtes d'appartenance: mot  $w$ , liste de mots inconnus  $U$

3 options:

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init}): w \in L$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad}): w \notin L$
- $w$  n'a pas d'appartenance définie  
2 résultats possibles:
  - $w$  a un lien avec un représentant  $u$  de la liste  $U$ :  
renvoyer  $u$  et  $i$ ,  $w = \text{Post}^i(u)$
  - $w$  est un nouveau représentant à ajouter à  $U$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité:

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$



# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$
- $w \in \text{Bad}, w \in L$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$
- $w \in \text{Bad}, w \in L$

Sinon, on cherche un mot  $w$  tel que  $w \in L$ , mais  $\text{Post}(w) \notin L$ :

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$
- $w \in \text{Bad}, w \in L$

Sinon, on cherche un mot  $w$  tel que  $w \in L$ , mais  $\text{Post}(w) \notin L$ :

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init})$ , contre-exemple:  $\text{Post}(w)$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$
- $w \in \text{Bad}, w \in L$

Sinon, on cherche un mot  $w$  tel que  $w \in L$ , mais  $\text{Post}(w) \notin L$ :

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init})$ , contre-exemple:  $\text{Post}(w)$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad})$ , contre-exemple:  $w$

# L'algorithme $L_{ICE}$

Requêtes de validité

Format des requêtes de validité: automate représentant un langage  $L$

On cherche un mot  $w$  tel que:

- $w \in \text{Init}, w \notin L$
- $w \in \text{Bad}, w \in L$

Sinon, on cherche un mot  $w$  tel que  $w \in L$ , mais  $\text{Post}(w) \notin L$ :

- $w \in \text{Post}^*(\text{Init})$ , contre-exemple:  $\text{Post}(w)$
- $w \in \text{Pre}^*(\text{Bad})$ , contre-exemple:  $w$
- Contre exemple inductif:  $(w, \text{Post}(w))$

# SAT Solver

## Sommaire

1 Regular Model Checking

2 L'algorithme  $L_{ICE}$

3 SAT Solver

- Description

- Contenu de la table
- Forme de la table
- Gestion des cas unsat

4 Application et améliorations possibles

5 Conclusion



# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

	$\varepsilon$		$\varepsilon$
$\varepsilon$	<input type="checkbox"/>		—
<b>A</b>	<input type="checkbox"/>	→	<b>A</b> —
x	<input type="checkbox"/>		x —
<b>B</b>	<input type="checkbox"/>		<b>B</b> —

# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

	$\varepsilon$			$\varepsilon$
$\varepsilon$	<input type="checkbox"/>		$\varepsilon$	—
<b>A</b>	<input type="checkbox"/>	→	<b>A</b>	—
x	<input type="checkbox"/>		x	—
<b>B</b>	<input type="checkbox"/>		<b>B</b>	—

Encodage du SAT solver:

# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

	$\varepsilon$			$\varepsilon$
$\varepsilon$	<input type="checkbox"/>		$\varepsilon$	—
<b>A</b>	<input type="checkbox"/>	→	<b>A</b>	—
x	<input type="checkbox"/>		x	—
<b>B</b>	<input type="checkbox"/>		<b>B</b>	—

Encodage du SAT solver:

- $x_w: w \in L$

# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

	$\varepsilon$		$\varepsilon$
$\varepsilon$	<input type="checkbox"/>	$\rightarrow$	$\varepsilon$ —
<b>A</b>	<input type="checkbox"/>		<b>A</b> —
<b>x</b>	<input type="checkbox"/>		<b>x</b> —
<b>B</b>	<input type="checkbox"/>		<b>B</b> —

Encodage du SAT solver:

- $x_w$ :  $w \in L$
- $b_w$ :  $w$  est un préfixe

# SAT Solver

## Description

Objectif: créer une table d'observation pour combler les trous

	$\varepsilon$			$\varepsilon$
$\varepsilon$	<input type="checkbox"/>		$\varepsilon$	—
<b>A</b>	<input type="checkbox"/>	$\longrightarrow$	<b>A</b>	—
<b>x</b>	<input type="checkbox"/>		<b>x</b>	—
<b>B</b>	<input type="checkbox"/>		<b>B</b>	—

Encodage du SAT solver:

- $x_w$ :  $w \in L$
- $b_w$ :  $w$  est un préfixe
- $e_{w_1, a, w_2}$ : les mots  $w_1 a$  et  $w_2$  sont dans la même classe d'équivalence de Myhill-Nerode

# SAT Solver

Contenu de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
<b><i>A</i></b>	—
<i>x</i>	—
<b><i>B</i></b>	—

# SAT Solver

## Contenu de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\sigma_w := x_w \Leftrightarrow T(w)$ : les mots déjà définis sont conservés



# SAT Solver

## Contenu de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\sigma_w := x_w \Leftrightarrow T(w)$ : les mots déjà définis sont conservés
- $\mathcal{V}_{u,i,j} := x_{\text{Post}^i(u)} \Rightarrow x_{\text{Post}^j(u)}$ : l'appartenance de certains mots inconnus est inductive

# SAT Solver

## Contenu de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\sigma_w := x_w \Leftrightarrow T(w)$ : les mots déjà définis sont conservés
- $\nu_{u,i,j} := x_{\text{Post}^i(u)} \Rightarrow x_{\text{Post}^j(u)}$ : l'appartenance de certains mots inconnus est inductive
- $\Psi_{p,a,p'} := e_{p,a,p'} \Leftrightarrow \bigwedge_{s \in S} (x_{pas} \leftrightarrow x_{p's})$ : le successeur d'un préfixe est équivalent à un préfixe

# SAT Solver

Forme de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
<b>A</b>	—
<i>x</i>	—
<b>B</b>	—

# SAT Solver

## Forme de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\eta_\varepsilon := b_\varepsilon$ : le mot vide doit être dans l'ensemble des préfixes

# SAT Solver

## Forme de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\eta_\varepsilon := b_\varepsilon$ : le mot vide doit être dans l'ensemble des préfixes
- $\eta_{pa} := b_{pa} \Rightarrow b_p$ : le mot  $pa$  peut être un préfixe si  $p$  est un préfixe

# SAT Solver

## Forme de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\eta_\varepsilon := b_\varepsilon$ : le mot vide doit être dans l'ensemble des préfixes
- $\eta_{pa} := b_{pa} \Rightarrow b_p$ : le mot  $pa$  peut être un préfixe si  $p$  est un préfixe
- $\Phi_{p,a} := b_p \Rightarrow \left( b_{pa} \vee \bigvee_{p' \in P} e_{p,a,p'} \right)$ : la table est fermée

# SAT Solver

## Forme de la table

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	—
$A$	—
$x$	—
$B$	—

- $\eta_\varepsilon := b_\varepsilon$ : le mot vide doit être dans l'ensemble des préfixes
- $\eta_{pa} := b_{pa} \Rightarrow b_p$ : le mot  $pa$  peut être un préfixe si  $p$  est un préfixe
- $\Phi_{p,a} := b_p \Rightarrow \left( b_{pa} \vee \bigvee_{p' \in P} e_{p,a,p'} \right)$ : la table est fermée
- $\Delta_{p,a} := b_{pa} \Rightarrow \bigwedge_{p' \in P \setminus \{pa\}} \neg e_{p,a,p'}$ : la table est distincte

Utilisation des UNSAT cores [3]:



Utilisation des UNSAT cores [3]:

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	-
$A$	+
$x$	<input type="checkbox"/>
$B$	<input type="checkbox"/>

Utilisation des UNSAT cores [3]:

	$\varepsilon$
$\varepsilon$	-
$A$	+
$x$	<input type="checkbox"/>
$B$	<input type="checkbox"/>

Clause  $\Phi_{\varepsilon,A}$  non respectée: besoin d'ajouter  $A$  aux préfixes

# Application et améliorations possibles

## Sommaire

1 Regular Model Checking

2 L'algorithme  $L_{ICE}$

3 SAT Solver

4 Application et améliorations possibles

- Application
- Résultats
- Améliorations

5 Conclusion

# Application et améliorations possibles

## Application

Cas d'exemple:

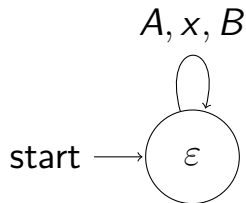
- $\text{Init} = Ax(xx)^*B$
- $\text{Bad} = Bx^*A$
- Post: non bloquée et sans cycle

# Application et améliorations possibles

## Application

Cas d'exemple:

- Init =  $Ax(xx)^*B$
- Bad =  $Bx^*A$
- Post: non bloquée et sans cycle

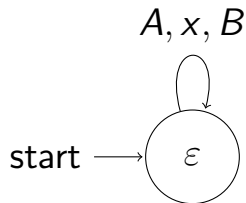


# Application et améliorations possibles

## Application

Cas d'exemple:

- Init =  $Ax(xx)^*B$
- Bad =  $Bx^*A$
- Post: non bloquée et sans cycle

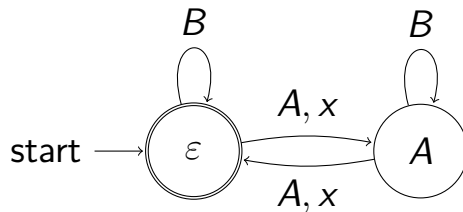


Contre exemple:  $AxB$

# Application et améliorations possibles

Application

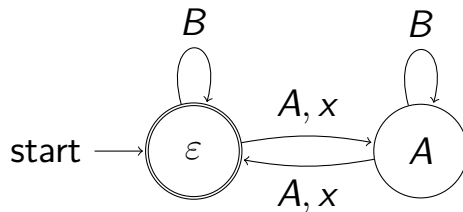
Cas d'exemple:



# Application et améliorations possibles

Application

Cas d'exemple:



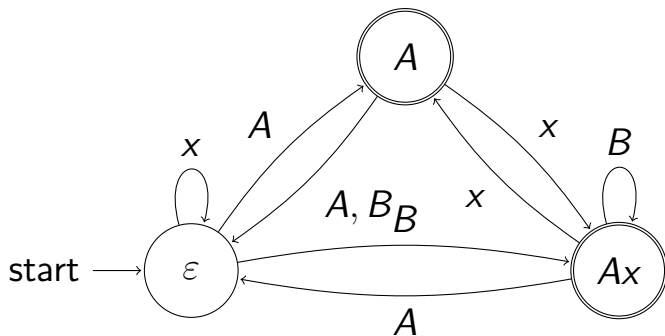
Contre exemple:  $BxA$



# Application et améliorations possibles

Application

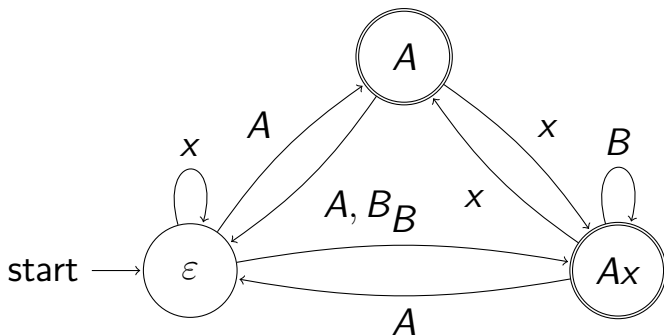
Cas d'exemple:



# Application et améliorations possibles

Application

Cas d'exemple:

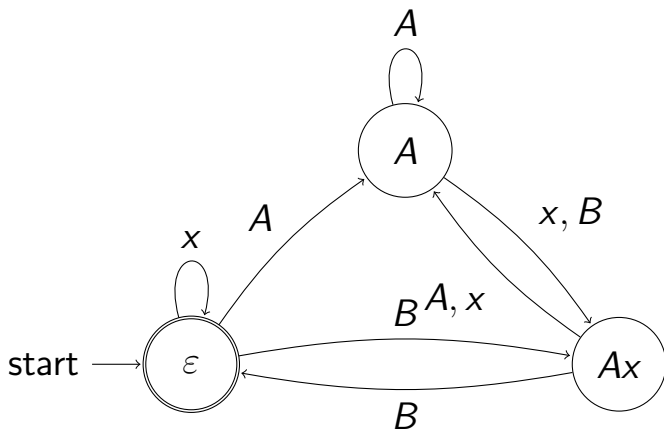


Contre exemple:  $AxxAB, xAxBA$

# Application et améliorations possibles

Application

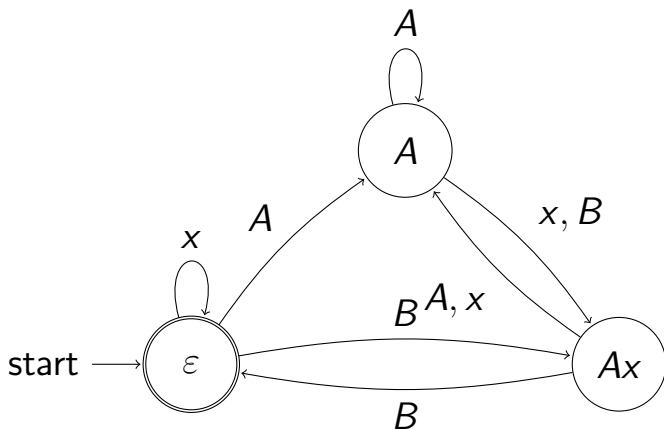
Cas d'exemple:



# Application et améliorations possibles

Application

Cas d'exemple:



Contre exemple: aucun

# Application et améliorations possibles

## Résultats

Init	Bad	Post	États	Appartenance	Validité
$Ax(xx)^*B$	$Bx^*A$	Bloqué, sans cycle	3	122	6
$Ax(xx)^*B$	$Bx^*A$	Non bloqué, sans cycle	3	108	4
$A(xx)^*B$	$x^nAxBx^n$	Bloqué, avec cycle	2	27	3
$A(xx)^*B$	$x^nAxBx^n$	Non bloqué, avec cycle	2	27	3

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes



# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:
  - Faite à chaque requête d'équivalence

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:
  - Faite à chaque requête d'équivalence
  - Utiliser un SAT incrémental

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:
  - Faite à chaque requête d'équivalence
  - Utiliser un SAT incrémental
- Gestion des contres exemples:

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:
  - Faite à chaque requête d'équivalence
  - Utiliser un SAT incrémental
- Gestion des contres exemples:
  - Ajout naïf de tous les suffixes

# Application et améliorations possibles

## Améliorations

- Limites d'application:
  - Contrainte: fonction bijective Post
  - Solution: Implémentation de graphes
- Création du SAT solver:
  - Faite à chaque requête d'équivalence
  - Utiliser un SAT incrémental
- Gestion des contres exemples:
  - Ajout naïf de tous les suffixes
  - Création de nouvelles clauses

# Conclusion

## Sommaire

- 1 Regular Model Checking
- 2 L'algorithme  $L_{ICE}$
- 3 SAT Solver
- 4 Application et améliorations possibles
- 5 Conclusion

# Conclusion

- Framework de résolution de Regular Model Checking



# Conclusion

- Framework de résolution de Regular Model Checking
- Implémentation pour un problème simplifié

# Conclusion

- Framework de résolution de Regular Model Checking
- Implémentation pour un problème simplifié

Pour la suite:

- Implémentation d'un SAT incrémental

# Conclusion

- Framework de résolution de Regular Model Checking
- Implémentation pour un problème simplifié

Pour la suite:

- Implémentation d'un SAT incrémental
- Ajout de clauses de contre-exemples



# Conclusion


- Framework de résolution de Regular Model Checking
- Implémentation pour un problème simplifié

Pour la suite:

- Implémentation d'un SAT incrémental
- Ajout de clauses de contre-exemples
- Retirer contrainte bijective  $\rightarrow$  modifier liste en graphe

# Bibliographie I

-  Dana Angluin.  
Learning regular sets from queries and counterexamples.  
*Information and Computation*, 75(2):87–106, November 1987.
-  Ahmed Bouajjani, Bengt Jonsson, Marcus Nilsson, and Tayssir Touili.  
Regular Model Checking.  
In E. Allen Emerson and Aravinda Prasad Sistla, editors, *Computer Aided Verification*, pages 403–418, Berlin, Heidelberg, 2000.  
Springer.

-  Mark Moeller, Thomas Wiener, Alaia Solko-Breslin, Caleb Koch, Nate Foster, and Alexandra Silva.  
Automata Learning with an Incomplete Teacher.  
2023.